(12) DEMANDE INTERNATIONALE PUBLIÉE EN VERTU DU TRAITÉ DE COOPÉRATION EN MATIÈRE DE BREVETS (PCT)

(19) Organisation Mondiale de la Propriété Intellectuelle

Bureau international





(43) Date de la publication internationale 14 octobre 2004 (14.10.2004)

(10) Numéro de publication internationale WO 2004/088916 A1

- (51) Classification internationale des brevets⁷: H04L 9/18
- (21) Numéro de la demande internationale :

PCT/FR2004/050127

- (22) Date de dépôt international: 25 mars 2004 (25.03.2004)
- (25) Langue de dépôt :

français

(26) Langue de publication :

français

(30) Données relatives à la priorité : 03/03844

28 mars 2003 (28.03.2003)

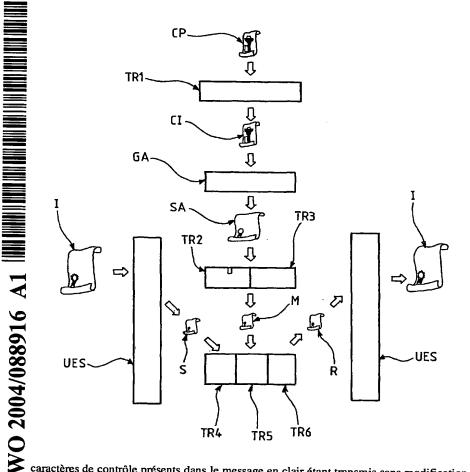
(71) Déposant (pour tous les États désignés sauf US) : EVERBEE NETWORKS [FR/FR]; 41, boulevard des Capucines, F-75002 Paris (FR).

- (72) Inventeur; et
- (75) Inventeur/Déposant (pour US seulement): STEHLE, Jean-Luc [FR/FR]; 300, rue de Vaugirard, F-75015 Paris
- (74) Mandataire: GRYNWALD, Albert; Cabinet Grynwald, 127, rue du Faubourg Poissonnière, F-75009 Paris (FR).
- (81) États désignés (sauf indication contraire, pour tout titre de protection nationale disponible): AE, AG, AL, AM, AT, AU, AZ, BA, BB, BG, BR, BW, BY, BZ, CA, CH, CN, CO, CR, CU, CZ, DE, DK, DM, DZ, EC, EE, EG, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM, HR, HU, ID, IL, IN, IS, JP, KE, KG, KP, KR, KZ, LC, LK, LR, LS, LT, LU, LV, MA, MD, MG, MK, MN, MW, MX, MZ, NA, NI, NO, NZ, OM, PG, PH,

[Suite sur la page suivante]

(54) Title: ENCRYPTION METHOD AND SYSTEM

(54) Titre: PROCEDE ET SYSTEME DE CRYPTAGE



caractères de contrôle présents dans le message en clair étant transmis sans modification.

(57) Abstract: The invention concerns an encryption method and system particularly adapted for making secure electronic mail. It enables avoidance of generation by the encryption of the body of a message of certain symbols, so-called control characters, which can cause undesirable phenomena during transmission of the message. The encryption uses a pseudo-random generator, previously continuously initialized. The successive values supplied by said generator are used for encoding the successive symbols of the body of the message, the possible control characters in the message in clear being transmitted unmodified.

(57) Abrégé: L'invention concerne un procédé et un système de cryptage particulièrement adaptés à la sécurisation du courrier électronique. Elle permet d'éviter que le cryptage du corps d'un message ne génère certains symboles, dits caractères de contrôles, qui peuvent provoquer des phénomènes non désirés lors de la transmission du message. Le cryptage utilise un générateur pseudo-aléatoire, préalablement initialisé de façon connue. Les valeurs successives fournies par ce générateur servent à coder les symboles successifs du corps du message, les éventuels

WO 2004/088916 A1

- 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1 (1881) 1
- $\begin{array}{l} PL, PT, RO, RU, SC, SD, SE, SG, SK, SL, SY, TJ, TM, TN, \\ TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VC, VN, YU, ZA, ZM, ZW. \end{array}$
- (84) États désignés (sauf indication contraire, pour tout titre de protection régionale disponible): ARIPO (BW, GH, GM, KE, LS, MW, MZ, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZM, ZW), eurasien (AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), européen (AT, BE, BG, CH, CY, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, FR, GB, GR, HU, IE, IT, LU, MC, NL, PL, PT, RO, SE, SI, SK, TR), OAPI (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GQ, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG).

Déclaration en vertu de la règle 4.17 :

 relative à la qualité d'inventeur (règle 4.17.iv)) pour US seulement

Publiée:

- avec rapport de recherche internationale
- avant l'expiration du délai prévu pour la modification des revendications, sera republiée si des modifications sont reçues

En ce qui concerne les codes à deux lettres et autres abréviations, se référer aux "Notes explicatives relatives aux codes et abréviations" figurant au début de chaque numéro ordinaire de la Gazette du PCT.

1

PROCEDE ET SYSTEME DE CRYPTAGE

Lа sécurisation communications des par voie électronique prend une importance croissante avec le développement du réseau Internet et de ses applications. Les sécurité dépassent largement le cadre des communications professionnelles entre les entreprises et leurs clients. Plus généralement ce sont toutes les communications par courrier électronique, y compris les communications grand public, qui devraient être protégées contre la lecture, et, plus grave, contre une éventuelle modification, par un acteur non autorisé.

10

15

20

De nombreuses techniques de cryptage sont disponibles et permettent d'obtenir un texte crypté de même longueur que le clair et dans lequel tous les 256 octets possibles sont équiprobables, ce qui couramment considéré par les cryptologues comme une condition nécessaire. Elles peuvent être classées en deux grandes familles, les algorithmes par blocs et les algorithmes par masque.

Les algorithmes par blocs découpent le texte en blocs de longueur fixe, le cryptage ou le décryptage se faisant bloc par bloc et donnant comme résultat un bloc de même longueur que le bloc qui avait été fourni. Il en est ainsi du cryptage par le système DES - Data Encryption Standard -, utilisant des blocs de

2

8 octets, admis comme standard aux USA en 1976, et devenu depuis standard de fait mondial, ou de l'AES - Advanced Encryption Standard -, utilisant des blocs de 16 octets sélectionné en 2000 comme futur nouveau standard par les organismes officiels américains.

5

10

15

35

Les algorithmes par masque consistent à générer un masque de même longueur que le texte à crypter, et à appliquer un XOR entre le texte et le masque. Le décryptage se fait en appliquant une seconde fois un XOR avec le même masque. Ici et dans toute la suite, XOR désigne l'opération « OU EXCLUSIF, bit à bit ». On rappelle que, au niveau d'un bit, appliquer un XOR avec un bit 0 conserve le bit initial et appliquer un XOR avec un bit 1 retourne le bit initial. Le masque s'obtient par exemple par un générateur pseudo-aléatoire initialisé de la même façon des deux côtés. Le codage DES en mode OFB, standardisé depuis 1980, revient à utiliser un générateur pseudo-aléatoire particulier utilisant l'algorithme de cryptage DES.

Tous ces algorithmes fournissent des textes cryptés dans lesquels tous les octets sont équiprobables.

20 Malheureusement, ces algorithmes ne peuvent pas être utilisés directement pour le cryptage du courrier électronique. En effet les divers serveurs et autres dispositifs de traitement par lesquels transitent les courriers électroniques sur Internet considèrent certains octets comme des caractères de contrôle. 25 Ces symboles peuvent alors provoquer des comportements parasites, comme par exemple le rajout systématique d'un octet x0D - retour chariot - dès que passe un octet x0A - à la ligne non accompagné de son xOD retour chariot, ou la non prise en compte de la suite du message dès que passe un octet x00 qui est considéré comme une fin de message. N.B. : ici et dans toute la 30 suite du texte, on note xAB l'octet contenant le nombre s'écrivant AB en codage hexadécimal. Ces perturbations rendent le message illisible et impossible à décrypter à l'arrivée.

Pour remédier à cet inconvénient, certains systèmes de cryptage du courrier électronique regroupent les bits par paquet

3

de 6, chacun de ces paquets étant représenté par un octet autre qu'un caractère de contrôle. Cela revient donc à transmettre 8 bits pour 6 bits utiles, et augmente donc d'un tiers le volume de données à transmettre.

5 Une autre solution peut être mise en œuvre utilisant le codage dit ASCII à 7 bits, les symboles qui n'ont pas de code sur 7 bits - lettres accentuées, caractères spéciaux... - étant recodés sur deux symboles à 7 bits. La transmission se fait sur des octets (8 bits), dont le bit de poids fort est à 0. Si on utilise un système de cryptage par 10 masque XOR comme décrit précédemment, on n'utilise que 7 bits du masque et on ne modifie pas le bit de poids fort qui, après application du XOR, reste à 0. Lorsque l'octet ainsi obtenu prend une valeur indésirable (x00, x0D, x0A,...) il suffit de forcer artificiellement à 1 son bit de poids fort, ce qui 15 revient à rajouter 128 à sa valeur, avant de l'envoyer sur le réseau. L'opération de décryptage est similaire au cryptage : on applique le même masque XOR on reconstitue le texte initial après avoir forcé à 0 le bit de poids fort.

20 Cette méthode règle donc le problème des valeurs susceptibles de provoquer des phénomènes parasites indésirables. contre, elle nécessite, lors de la transmission, l'utilisation de 8 bits par symboles, alors que le message initial était codé sur 7 bits par symboles, d'où augmentation d'un septième du volume de données à transmettre. 25 Et dans certains cas, les caractères dont le bit de poids fort est à 1 peuvent provoquer d'autres effets indésirables lors de la transmission. D'une façon générale, le principal inconvénient des techniques de ce type est que le jeu de symboles utilisé par le message crypté est différent de celui utilisé pour le message 30 en clair ce qui peut être rédhibitoire pour applications. Par ailleurs l'utilisation de ces techniques reste limitée au cas du codage ASCII à 7 bits. Ces techniques ne sont donc pas compatibles avec les évolutions comme le codage ASCII 8 bits ou le codage Unicode 16 bits pour prise en compte 35

4

d'alphabets non latins - cyrillique, grec, arabe, hébreux, japonais, chinois....

La solution selon l'invention Procédé selon l'invention

5

10

15

20

25

30

L'invention concerne un procédé pour le cryptage et le décryptage d'une information. L'information est représentée par une suite de symboles. Les symboles sont pris dans un ensemble de symboles appelé ci-après l'alphabet.

Le procédé est caractérisé en ce qu'il met en œuvre un générateur pseudo-aléatoire fournissant une séquence de valeurs dénommée ci-après séquence aléatoire. Les valeurs formant la séquence aléatoire sont incluses dans un ensemble ci-après dénommé l'espace des valeurs aléatoires.

Le générateur pseudo-aléatoire peut être, avant utilisation et fourniture de la séquence aléatoire, initialisé au moyen d'une suite de nombres ci-après dénommée clé d'initialisation.

La clé d'initialisation détermine la séquence aléatoire qui sera fournie par le générateur pseudo-aléatoire, de telle sorte qu'après une initialisation ultérieure utilisant la même clé d'initialisation la séquence de valeurs fournies sera la même qu'après la première initialisation. Le générateur pseudo-aléatoire est en outre caractérisé en ce que la connaissance de la séquence des valeurs fournies ne permet pas de retrouver en un temps raisonnable la clé d'initialisation.

Le procédé comprend trois étapes préalables.

La première étape préalable consiste à séparer en deux parties disjointes l'alphabet, l'une des parties est ci-après dénommée l'alphabet de contrôle et est composée de symboles destinés à ne pas être modifiés lors du cryptage, l'autre partie est ci-après dénommée l'alphabet de message et est composée de symboles destinés à être éventuellement modifiés lors du cryptage. Ainsi, chacun des symboles utilisés pour représenter l'information est inclus, soit dans l'alphabet de contrôle, soit

20

dans l'alphabet de message, aucun symbole n'est commun à ces deux alphabets.

La deuxième étape préalable consiste à définir un ensemble, appelé alphabet de masque, formé de tout ou partie des éléments de l'espace des valeurs aléatoires.

La troisième étape préalable consiste à affecter à chaque élément de l'alphabet de masque une permutation de l'alphabet de message.

Les trois étapes préalables sont réalisées une fois 10 pour toutes avant la première mise en œuvre du procédé.

La mise en œuvre du procédé, pour réaliser l'opération de cryptage d'une information à crypter, comprend les étapes préliminaires suivantes :

- l'étape de prendre en compte une suite de nombres 15 ci-après dénommée la clé primaire de cryptage,
 - l'étape de construire la clé d'initialisation à partir de tout ou partie de la clé primaire de cryptage.
 - l'étape d'initialiser le générateur pseudoaléatoire à l'aide de la clé d'initialisation.
 - Le procédé consiste à sélectionner l'un après l'autre les symboles composant l'information à crypter et à crypter chacun des symboles ainsi sélectionnés en lui appliquant les opérations suivantes :
- si le symbole sélectionné appartient à l'alphabet de 25 contrôle, il n'est pas modifié,
 - si le symbole sélectionné appartient à l'alphabet de message les étapes suivantes sont exécutées :
 - l'étape de lire la prochaine valeur de la séquence aléatoire fournie par le générateur pseudo-aléatoire,
- o si la valeur lue à l'étape précédente n'est pas un élément de l'alphabet de masque, l'étape de réitérer l'étape précédente jusqu'à obtention d'un élément de l'alphabet de masque,
- l'élément de l'alphabet de masque, déterminé à l'étape 35 précédente, sera ci-après dénommé l'élément de masque.

Les opérations comprennent également les étapes suivantes :

- l'étape de sélectionner la permutation de l'alphabet de message affectée à l'élément de masque spécifié à l'étape précédente,
- l'étape d'appliquer au symbole sélectionné la permutation de l'alphabet de message sélectionnée à l'étape précédente,
- l'étape de remplacer le symbole sélectionné par le 10 résultat de la permutation mise en œuvre à l'étape précédente.

Ces opérations étant exécutées, on passe au symbole suivant de l'information à crypter, et ainsi de suite jusqu'à ce que tous les symboles de l'information à crypter aient été traités.

De préférence selon l'invention, la mise en œuvre du procédé, pour réaliser l'opération de décryptage d'une information à décrypter, comprend les mêmes étapes préliminaires que lors du cryptage. Ainsi, le générateur pseudo-aléatoire sera initialisé de la même façon que lors du cryptage et fournira donc la même séquence de valeurs que lors du cryptage.

Le procédé consiste à sélectionner l'un après l'autre les symboles composant l'information à décrypter et à décrypter chacun des symboles ainsi sélectionnés en lui appliquant les opérations suivantes :

- si le symbole sélectionné appartient à l'alphabet de contrôle, il n'est pas modifié,
 - si le symbole sélectionné appartient à l'alphabet de message les étapes suivantes sont exécutées :
- l'étape de lire la prochaine valeur de la séquence
 aléatoire fournie par le générateur pseudo-aléatoire,
 - si la valeur lue à l'étape précédente n'est pas un élément de l'alphabet de masque, l'étape de réitérer l'étape précédente jusqu'à obtention d'un élément de l'alphabet de masque.

20

25

30

L'élément de l'alphabet de masque, déterminé à l'étape précédente, sera ci-après dénommé l'élément de masque.

Les opérations pour décrypter comprennent les étapes suivantes :

- 5 l'étape de sélectionner la permutation inverse de la permutation de l'alphabet de message affectée à l'élément de masque spécifié à l'étape précédente,
 - l'étape d'appliquer au symbole sélectionné la permutation inverse sélectionnée à l'étape précédente,
- l'étape de remplacer le symbole sélectionné par le résultat de la permutation mise en œuvre à l'étape précédente.

Ces opérations étant exécutées, on passe au symbole suivant de l'information à décrypter, et ainsi de suite jusqu'à ce que tous les symboles de l'information à décrypter aient été traités.

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires sont des nombres, de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres. Le procédé comprend en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message. La numérotation consiste à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message. De sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y a un et un seul symbole de l'alphabet de message dont ce nombre est le numéro.

Dans le cas de cette variante de réalisation de l'invention, le procédé est caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque donné, pour un symbole donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro du symbole donné,
- l'étape d'ajouter l'élément de masque donné au 35 numéro déterminé à l'étape précédente,

15

20

25

- l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de l'addition effectuée à l'étape précédente,
- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente, ce symbole est alors le résultat que l'on souhaitait calculer.

Il en résulte que la permutation ainsi définie correspond à une addition modulo N sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée au symbole donné.

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires sont des nombres, de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres. Le procédé comprend en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message. La numérotation consiste à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message. De sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y a un et un seul symbole dont ce nombre est le numéro.

Dans le cas de cette variante de réalisation, le procédé est caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque donné, pour un symbole donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro du symbole donné,
- l'étape de soustraire le élément de masque donné au numéro déterminé à l'étape précédente,
- lorsque le résultat de la soustraction effectuée à
 l'étape précédente est négatif, l'étape d'ajouter à ce résultat autant de fois que nécessaire le nombre N jusqu'à obtenir un nombre positif,
 - l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de l'étape précédente,

WO 2004/088916

- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente, ce symbole est alors le résultat que l'on souhaite calculer.
- Il en résulte que la permutation ainsi définie correspond à une soustraction modulo N sur les numéros de symboles et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée au symbole donné.
- De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires sont des nombres, de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres. Le procédé comprend en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message. La numérotation consiste à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message, de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro.
- Dans le cas de cette variante de réalisation, l'alphabet de masque ne comprend que des nombres non nuls et premiers à N. Le procédé est caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque donné, pour un symbole donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :
 - l'étape de déterminer le numéro du symbole donné,
 - l'étape de multiplier par l'élément de masque donné le numéro déterminé à l'étape précédente,
- 30 l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de la multiplication effectuée à l'étape précédente,
 - l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente.

WO 2004/088916

10

15

20

Ce symbole est alors le résultat que l'on souhaitait calculer.

Il en résulte que la permutation ainsi définie correspond à une multiplication modulo N sur les numéros de symboles et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée au symbole donné.

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires sont des nombres, de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres. Le procédé comprend en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message. La numérotation consiste à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message, de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro.

Dans le cas de cette variante de réalisation, l'alphabet de masque ne comprend que des nombres non nuls et premiers à N. Le procédé est caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque donné, pour un symbole donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- 25 l'étape de déterminer le numéro du symbole donné,
 - l'étape de déterminer un nombre qui, multiplié par l'élément de masque donné, diffère du numéro déterminé à l'étape précédente, d'un multiple entier de N,
- l'étape de calculer le reste de la division par N
 du nombre déterminé à l'étape précédente,
 - l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente.
- Ce symbole est alors le résultat que l'on souhaitait 35 calculer.

11

Il en résulte que la permutation ainsi définie correspond à une division modulo N sur les numéros de symboles et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée au symbole donné.

5

10

15

20

25

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires sont des nombres, de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres. Le procédé comprend en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message. La numérotation consiste à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro.

L'alphabet de masque ne comprend que des nombres non nuls et premiers à Phi (N) où Phi (N) désigne le nombre d'entiers compris entre 1 et N-1 et premiers à N.

Dans le cas de cette variante de réalisation, le procédé est caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque donné, pour un symbole donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro du symbole donné,
- l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de l'élévation du numéro déterminé à l'étape précédente à une puissance égale à l'élément de masque donné,
- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente.
- Ce symbole est alors le résultat que l'on souhaitait calculer. De sorte que la permutation ainsi définie correspond à une exponentiation modulaire sur les numéros de symboles et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.

12

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires sont des nombres, de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres. Le procédé comprend en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message. La numérotation consiste à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message, de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro.

L'alphabet de masque ne comprend que des nombres non nuls et premiers à Phi(N) où Phi(N) désigne le nombre d'entiers compris entre 1 et N-1 et premiers à N.

10

15

20

30

Dans le cas de cette variante de réalisation, le procédé est caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque donné, pour un symbole donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro du symbole donné,
- l'étape de déterminer un nombre positif, qui, élevé à une puissance égale à l'élément de masque donné, diffère du numéro déterminé à l'étape précédente d'un multiple entier de N,
- l'étape de déterminer le reste de la division par N du nombre déterminé à l'étape précédente,
- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente.

Ce symbole est alors le résultat que l'on souhaitait calculer. Il en résulte que la permutation ainsi définie correspond à l'extraction d'une racine en arithmétique modulaire sur les numéros de symboles et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée au symbole donné.

De préférence selon l'invention, le procédé comprend 35 une opération préalable consistant à associer à chaque élément

15

25

de l'alphabet de masque un quadruplet de nombres notés p, q, r et s et tels que le nombre r et le résultat de l'expression p.s-q.r soient tous deux des nombres non nuls et non multiples de N, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message. Le procédé comprend en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message, la numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro.

Dans le cas de cette variante de réalisation, le procédé est caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque donné, pour un symbole donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le quadruplet de nombres p, q, r et s associé à l'élément de masque donné,
- l'étape de déterminer le numéro du symbole à 20 crypter ou à décrypter, ce numéro est ci-après noté m,
 - l'étape de calculer l'expression m.r + s,
 - l'étape, lorsque le résultat du calcul effectué à l'étape précédente est nul ou est un multiple de N, de calculer un nombre k tel que l'expression k.r p soit un multiple de N,
 - l'étape, lorsque le résultat du calcul effectué à l'étape précédente n'est ni zéro ni un multiple de N, de calculer un nombre positif k tel que l'expression k. (m.r+s) (m.p+q) soit un multiple de N,
- l'étape de calculer le reste de la division par N du nombre k calculé à l'étape précédente,
 - l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de masque dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente.

14

Ce symbole est alors le résultat que l'on souhaitait calculer. Il en résulte que la permutation ainsi définie correspond au calcul d'une fonction homographique en arithmétique modulaire sur les numéros de symboles et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée au symbole donné.

5

10

15

20

25

30

De préférence selon l'invention, le procédé met en œuvre un premier générateur pseudo-aléatoire pouvant être initialisé à l'aide de la clé d'initialisation. Les valeurs fournies par le premier générateur pseudo-aléatoire sont utilisées comme données en entrée d'un algorithme de hachage dont les résultats sont utilisés pour fournir la séquence aléatoire. Le générateur pseudo-aléatoire consiste en la composition du premier générateur pseudo-aléatoire et de l'algorithme de hachage.

De préférence selon l'invention, le procédé comprend en outre l'étape préliminaire de construire à partir de tout ou partie de la clé primaire de cryptage une suite de nombres appelée ci-après clé secondaire de cryptage. Le procédé met en œuvre un premier générateur pseudo-aléatoire qui peut être initialisé à l'aide de la clé d'initialisation. Les valeurs fournies par le premier générateur pseudo-aléatoire sont cryptées à l'aide d'un premier algorithme de cryptage utilisant comme clé de cryptage la clé secondaire de cryptage. Les résultats du premier algorithme de cryptage sont utilisés pour fournir la séquence aléatoire.

Le générateur pseudo-aléatoire consiste en la composition du premier générateur pseudo-aléatoire et du premier algorithme de cryptage.

Système selon l'invention

L'invention concerne également un système pour le cryptage et le décryptage d'une information. L'information est représentée par une suite de symboles. Les symboles sont pris dans un ensemble de symboles appelé ci-après l'alphabet.

15

L'alphabet est séparé en deux parties disjointes. L'une des parties est ci-après dénommée l'alphabet de contrôle et est composée de symboles destinés à ne pas être modifiés lors du cryptage, l'autre partie est ci-après dénommée l'alphabet de message et est composée de symboles destinés à être éventuellement modifiés lors du cryptage.

5

10

15

20

25

30

système est plus particulièrement destiné les communications entre un ordinateur ci-après sécuriser dénommé l'ordinateur client et un réseau formé d'un ou plusieurs autres ordinateurs, le système est intercalé entre l'ordinateur client et le réseau. De sorte que toute information circulant entre le ordinateur client et le réseau et devant être cryptée ou décryptée, passe à travers le système. Le système comprend un générateur pseudo-aléatoire fournissant une séquence de valeurs dénommée ci-après séquence aléatoire. Les valeurs formant ladite séquence aléatoire sont comprises dans un ensemble ci-après dénommé l'espace des valeurs aléatoires. Certaines de ces valeurs sont incluses dans un sous-ensemble de l'espace des valeurs aléatoires. Ce sous-ensemble est ci-après dénommé alphabet de masque.

Le générateur pseudo-aléatoire peut être, avant utilisation et fourniture de la séquence de valeurs, initialisé au moyen d'une suite de nombres ci-après dénommée clé d'initialisation. La clé d'initialisation détermine la séquence aléatoire qui sera fournie par le générateur.

Le système comprend en outre :

- deux unités d'entrée sortie, l'une d'entre elles étant destinée à assurer les communications entre le système et l'ordinateur client, l'autre d'entre elles étant destinée à assurer les communications entre ledit système et ledit réseau,
- des premiers moyens de traitement permettant de prendre en compte une suite de nombres ci-après dénommée la clé primaire de cryptage, et de construire la clé d'initialisation à partir de tout ou partie de la clé primaire de cryptage,

- des seconds moyens de traitement permettant de décider si une valeur appartenant à l'espace de valeurs aléatoires appartient à l'alphabet de masque,
- des troisièmes moyens de traitement permettant de 5 lire les valeurs successives fournies par le générateur pseudoaléatoire, jusqu'à obtenir un élément appartenant à l'alphabet de masque,
 - des quatrièmes moyens de traitement permettant de décider, parmi les symboles transitant à travers ledit système, quels sont les symboles qui doivent être cryptés ou décryptés et quels sont les symboles qui doivent être transmis sans modification,
 - des cinquièmes moyens de traitement.

10

Ces cinquièmes moyens de traitement permettent d'une part, à partir d'un élément donné de l'alphabet de masque, ciaprès appelé l'élément de masque, de sélectionner une permutation de l'alphabet de message. Cette permutation est ciaprès appelée permutation affectée à l'élément de masque.

Ces cinquièmes moyens de traitement permettent d'autre part, la permutation affectée à l'élément de masque étant ainsi sélectionnée, et un élément donné de l'alphabet de message étant fourni par l'une des deux unités d'entrée sortie, de déterminer le résultat de cette permutation appliquée audit élément donné fourni, et d'envoyer sur l'autre des deux dites unités d'entrée sortie le résultat ainsi déterminé.

De préférence selon l'invention, les cinquièmes moyens de traitement permettant en outre de sélectionner la permutation inverse de la permutation affectée à un élément de l'alphabet de masque.

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires étant des nombres, les cinquièmes moyens de traitement permettent en outre d'associer un nombre à un symbole de l'alphabet de message, de faire une addition en arithmétique modulaire entre le nombre et un élément

17

de l'alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette addition un élément de l'alphabet de message.

préférence selon l'invention, De les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires étant des nombres, cinquièmes moyens de traitement permettent en outre d'associer un nombre à un symbole de l'alphabet de message, de faire une soustraction en arithmétique modulaire entre le nombre et un élément de l'alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette soustraction un élément de l'alphabet de message.

5

10

15

20

35

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires étant des nombres, les cinquièmes moyens de traitement permettent en outre d'associer un nombre à un symbole de l'alphabet de message, de faire une multiplication en arithmétique modulaire entre le nombre et un élément de l'alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette multiplication un élément de l'alphabet de message.

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires étant des nombres, les cinquièmes moyens de traitement permettent en outre d'associer un nombre à un symbole de l'alphabet de message, de faire une division en arithmétique modulaire entre le nombre et un élément de l'alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette division un élément de l'alphabet de message.

De préférence selon l'invention, les valeurs de 25 l'espace des valeurs aléatoires étant des nombres, cinquièmes moyens de traitement permettent en outre d'associer un nombre à un symbole de l'alphabet de message, de faire une exponentiation en arithmétique modulaire du nombre avec pour exposant un élément de l'alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette exponentiation un élément de l'alphabet de 30 message.

De préférence selon l'invention, les valeurs de l'espace des valeurs aléatoires étant des nombres, les cinquièmes moyens de traitement permettent en outre d'associer un nombre à un symbole de l'alphabet de message, de faire une

35

extraction de racine en arithmétique modulaire, et d'associer au résultat de cette extraction de racine un élément de l'alphabet de message.

De préférence selon l'invention, le nombre de symboles composant l'alphabet de message étant ci-après dénommé N, le système comporte en outre des sixièmes moyens de traitement permettant d'associer à un élément de l'alphabet de masque un quadruplet de nombres notés p, q, r et s. Les cinquièmes moyens de traitement permettent en outre :

- d'associer à un symbole de l'alphabet de message, un nombre compris entre 0 et N-1, ce nombre est ci-après noté m,
 - de calculer l'expression m.r + s,
 - de déterminer si l'expression m.r + s est nulle ou multiple de N,
- de calculer un nombre k compris entre 0 et N-1 et tel que l'expression k.r p soit un multiple de N,
 - de calculer un nombre k compris entre 0 et N-1 et tel que l'expression k.(m.r+s) (m.p+q) soit un multiple de N,
- 20 d'associer à un nombre k ainsi calculé un élément de l'alphabet de message.

De préférence selon l'invention, le système comprend un premier générateur pseudo-aléatoire pouvant être initialisé à l'aide de la clé d'initialisation et des moyens de calcul permettant d'appliquer un algorithme de hachage aux valeurs fournies par le premier générateur pseudo-aléatoire. Les résultats de l'algorithme de hachage sont transmis aux seconds et troisièmes moyens de traitement. Le générateur pseudo-aléatoire consiste en la réunion du premier générateur pseudo-aléatoire et des moyens de calcul permettant d'appliquer un algorithme de hachage aux valeurs fournies par le premier générateur pseudo-aléatoire.

De préférence selon l'invention, le système comprend un premier générateur pseudo-aléatoire pouvant être initialisé à l'aide de la clé d'initialisation. Le système comprend en outre

19

des septièmes moyens de traitement permettant de construire à partir de tout ou partie de la clé primaire de cryptage une suite de nombres appelée ci-après clé secondaire de cryptage. Le procédé comprend en outre des moyens de calcul permettant d'appliquer un algorithme de cryptage, utilisant comme clé de cryptage la clé secondaire de cryptage, l'algorithme de cryptage est appliqué aux valeurs fournies par le premier générateur pseudo-aléatoire. Les résultats de l'algorithme de cryptage sont transmis aux seconds et troisièmes moyens de traitement. Le générateur pseudo-aléatoire consiste en la réunion du premier générateur pseudo-aléatoire et des moyens de calcul permettant d'appliquer un algorithme de cryptage aux valeurs fournies par le premier générateur pseudo-aléatoire.

Description détaillée de l'invention

10

25

30

La présente invention concerne un système de cryptage dans lequel le texte crypté utilise le même jeu de symboles que le message en clair, tout en évitant les effets parasites indésirables provoqués par certaines valeurs particulières. Le texte crypté aura par construction la même longueur que le texte 20 en clair.

Avant mise en œuvre de l'invention, on sépare en deux parties le jeu de symboles utilisé.

La première partie, ci-après appelée alphabet de contrôle, se compose des caractères de contrôle c'est-à-dire de symboles tels que sauts de lignes, retours chariot, fin de message, et plus généralement de tous les symboles qui peuvent provoquer, de la part des divers serveurs et autres dispositifs de traitement par lesquels transitent les courriers électroniques sur Internet, un comportement autre que la simple transmission du symbole. Les caractères de contrôle seront transmis en clair.

La seconde partie, ci-après appelée alphabet de message, se compose de tous les autres symboles. Ce sont ces symboles qui représentent le message proprement dit.

20

Le procédé et le système de cryptage, objets de la présente invention, mettent en œuvre un générateur pseudo-aléatoire. Ce générateur pseudo-aléatoire fournit des valeurs comprises dans un ensemble de valeurs ci-après dénommé espace des valeurs aléatoires. La suite des valeurs successivement fournies par le générateur pseudo-aléatoire sera ci-après dénommée séquence aléatoire.

Le générateur pseudo-aléatoire est initialisé au moyen d'une suite de nombres appelée clé d'initialisation. La séquence aléatoire fournée par le générateur pseudo-aléatoire dépend de la clé d'initialisation et après chaque initialisation utilisant la même clé d'initialisation, on obtient la même séquence aléatoire.

10

25

30

35

Lors de la mise en œuvre du procédé de cryptage et du

système de cryptage, on utilise une clé de cryptage, appelée ciaprès clé primaire de cryptage, la connaissance de cette clé
primaire de cryptage devant ultérieurement permettre de
décrypter le message qui avait été crypté avec cette clé. La clé
d'initialisation est déterminée à partir de la clé de cryptage.

L'utilisation de la même clé primaire de cryptage lors du
décryptage assure donc que la séquence aléatoire utilisée lors
du décryptage sera la même que celle utilisée lors du cryptage.

Tous les éléments de l'espace des valeurs aléatoires ne sont pas utilisables lors du cryptage. On définira un sousensemble, comprenant tout ou partie des éléments de l'espace des valeurs aléatoires. Ce sous-ensemble sera ci-après appelé alphabet de masque, et seuls les éléments de l'alphabet de masque seront utilisés lors du cryptage et du décryptage. A chaque élément de l'alphabet de masque on associe une permutation particulière de l'alphabet de message, c'est-à-dire une application biunivoque de l'alphabet de message dans luimême. Cette application sera utilisée lors du cryptage. Comme elle est biunivoque, deux symboles différents auront donc deux images différentes, permettant ainsi un décryptage ambiguïté. Lors du décryptage, on utilisera l'application

21

réciproque c'est-à-dire la permutation inverse de la permutation de celle utilisée lors du cryptage.

Une réalisation particulière de l'invention objet du présent brevet correspond à un choix particulier des permutations associées aux éléments de l'alphabet de masque. Sur le plan mathématique, une réalisation particulière de l'invention correspond donc à une application de l'alphabet de masque à valeurs dans l'ensemble des permutations de l'alphabet de message.

Le nombre de choix possibles est très élevé. Si l'alphabet de message se compose de N éléments, il y a factorielle(N) permutations différentes de l'alphabet de message (où factorielle(N) représente le produit des N premiers entiers). Ce nombre augmente extrêmement rapidement avec N. Par exemple, pour N=128, factorielle(N) est un nombre à 215 chiffres en notation décimale classique.

De façon plus détaillée, l'opération de cryptage est réalisée comme suit. On commence par initialiser le générateur pseudo-aléatoire à l'aide de la clé d'initialisation. On lit ensuite séquentiellement, symbole par symbole, l'information à crypter. Si le symbole rencontré appartient à l'alphabet de contrôle, il n'est pas modifié. S'il appartient à l'alphabet de message, on lit l'élément suivant fourni par le générateur pseudo-aléatoire. Si cet élément ainsi lu n'appartient pas à l'alphabet de masque, on lira l'élément suivant fourni par le générateur pseudo-aléatoire, et, si besoin, on réitérera cette opération, ce jusqu'à obtenir un élément de l'alphabet de masque, appelé ci-après élément de masque. On utilisera la permutation de l'alphabet de message associée à cet élément de masque. Cette permutation est, en tant qu'application de l'alphabet de message à valeurs dans lui-même, appliquée au symbole à crypter, le résultat venant prendre la place du symbole à crypter. On réitère ces opérations pour chacun des symboles composant l'information à crypter. La suite des

20

25

30

éléments de masques générés lors de ces opérations s'appelle le masque de cryptage.

L'opération de décryptage se fait de façon exactement similaire en utilisant, pour chaque symbole, non pas la permutation associée à l'élément de masque, mais la permutation inverse de cette dernière. La réinitialisation, avant décryptage, du générateur pseudo-aléatoire à l'aide de la même clé d'initialisation que lors du cryptage assure que le masque de cryptage utilisé lors du décryptage sera le même que celui utilisé lors du cryptage.

Donnons maintenant, à titre illustratif et nullement limitatif des possibilités de l'invention, quelques exemples de mise en œuvre de cette invention. Le nombre N désignant comme précédemment le nombre de symboles contenus dans l'alphabet de message, on choisit, une fois pour toutes, une numérotation de l'alphabet de message, c'est-à-dire une fonction f qui à un symbole x de l'alphabet de message associe un nombre f(x) compris entre 0 et N-1, et ce de façon biunivoque. Cette fonction sera appelée ci-après fonction de numérotation. D'un point de vue mathématique la fonction de numérotation est une bijection entre l'alphabet de message et l'ensemble des entiers modulo N. On appellera f-1 la fonction inverse de la fonction de numérotation, c'est-à-dire la fonction, qui à un nombre y compris entre 0 et N-1 associe un symbole x de l'alphabet de message tel que f(x) soit égal à y.

Explicitons ici, à titre illustratif et nullement limitatif des possibilités de l'invention, un cas particulier d'une telle fonction f dans un exemple où le codage des symboles se fait en ASCII sur 8 bits, c'est-à-dire sur un octet, représenté par un nombre compris entre 0 et 255, et dans lequel les caractères de contrôle sont les trois octets x00, x0A et x0D représentés par les nombres 0, 10 et 13. Dans cet exemple, le nombre N de symboles contenus dans l'alphabet de message est égal à 253. Le calcul de la fonction de numérotation f s'effectue comme suit. Étant donné un octet représentant un

23

élément donné de l'alphabet de message, on considère le nombre \mathbf{x} compris entre 0 et 255 qui le représente. On applique alors successivement les trois opérations ci-après, la fonction Dec étant l'opération consistant à décrémenter un entier d'une unité :

Dec(x)

5

15

20

25

30

IF x>12 THEN Dec(x)

IF x>8 THEN Dec(x)

Après application de ces trois opérations, le nombre x 10 a une valeur comprise entre 0 et 252 et est le nombre associé par la fonction de numérotation f à l'élément donné de l'alphabet de message.

Dans le présent exemple, les valeurs fournies par le générateur pseudo-aléatoire seront des nombres et l'alphabet de masque aura même taille que l'alphabet de message et se composera de l'ensemble des nombres compris entre 0 et 252. Pour définir précisément le système de cryptage utilisé, il faudra choisir 253 permutations particulières de l'alphabet de masque parmi les factorielle (253), qui est un nombre à 500 chiffres en notation décimale, permutations possibles. Le nombre de possibilités est donc gigantesque.

Donnons maintenant, à titre illustratif et nullement limitatif des possibilités de l'invention, un choix particulier de permutation de l'alphabet de message. Nous faisons ici le choix d'associer à un élément m de l'alphabet de masque la permutation, c'est-à-dire l'application biunivoque, qui à un nombre x compris entre 0 et 252 associe le reste par 253 de la somme x+m. Les permutations choisies correspondent donc à des additions en arithmétique modulo 253. Les permutations inverses correspondent bien évidemment à des soustractions modulo 253.

De façon très détaillée, l'algorithme de cryptage consiste, une fois initialisé le générateur pseudo-aléatoire à l'aide de la clé d'initialisation, à sélectionner l'un après l'autre les symboles composant ladite information à crypter, et

10

30

à crypter chacun des symboles ainsi sélectionnés en lui appliquant les opérations suivantes :

si ledit symbole sélectionné appartient à l'alphabet de contrôle, il n'est pas modifié,

- si ledit symbole sélectionné appartient à l'alphabet de message on lui applique les opérations (a) à (g) suivantes :
- (a) on applique, au code ASCII (nombres compris entre 0 et 255) dudit symbole sélectionné, la fonction de numérotation f définie préalablement, ce qui fournit un nombre x compris entre 0 et 252.
- (b) on lit le prochain nombre fourni par ledit générateur pseudo-aléatoire,
- (c) si le nombre lu à l'étape précédente est supérieur à 252, on réitère l'opération précédente jusqu'à obtention d'un nombre inférieur ou égal à 252, qui sera, ci-après, noté m.
 - (d) on effectue l'addition y = x+m
 - (e) si y est supérieur à 252, on lui retranche 253
- (f) le nombre y a maintenant une valeur comprise entre 0 et 252, et on lui applique la fonction f-1, fonction inverse
 20 de la fonction de numérotation, qui fournit le symbole z de l'alphabet de message tel que f(z) soit égal à y.
 - (g) ce symbole z remplacera ledit symbole sélectionné de ladite information à crypter.

Ces opérations étant exécutées, on passe au symbole 25 suivant de l'information à crypter, et ainsi de suite jusqu'à ce que tous les symboles de l'information à crypter aient été traités;

Le décryptage se fait de façon similaire après nouvelle initialisation du générateur pseudo-aléatoire à l'aide de la clé d'initialisation, les opérations (d) et (e) étant remplacées par les opérations (d') et (e') ci-après

- (d') on effectue la soustraction y = x-m
- (e') si y est négatif, on lui ajoute 253

L'une des idées originales de l'invention, dans cet 35 exemple particulier, consiste à utiliser les masques non pas

25

avec un opérateur XOR mais avec une addition dans l'ensemble des entiers modulo 253. Mais il fallait avoir eu au préalable l'idée de séparer le jeu de caractères en deux parties pour se débarrasser des caractères de contrôle, puis l'idée de ramener, par la bijection f, l'alphabet de message à l'ensemble des entiers modulo N (avec ici N=253). L'innovation résulte, dans cette réalisation particulière, de la juxtaposition de ces trois idées. Notons que l'idée de l'addition modulo N avec les éléments d'un masque est en substance dans les travaux de Vigenère, lire par exemple Blaise de Vigenère, Traicté des 10 chiffres, ou secretes manieres d'escrire, paru en 1586, bien qu'au XVIième siècle on ignorât tout de l'arithmétique modulaire.

L'utilisation d'une addition modulaire ou d'une soustraction modulaire, détaillée dans cet exemple particulier, est un cas particulier simple de réalisation de l'invention objet du présent brevet. Il a été présenté ici en arithmétique modulo N avec N = 253, mais il peut être réalisé de façon similaire pour toute valeur raisonnable de N, en adaptant l'algorithme de calcul de la fonction de numérotation f.

L'addition et la soustraction peuvent être remplacées par d'autres permutations de l'alphabet de message.

On peut par exemple utiliser la multiplication modulaire. Les opérations (d) et (e) sont alors remplacées par le calcul du produit x.m (où on note par un point «.» l'opération de multiplication), puis du reste par N du résultat de cette multiplication. Mais pour que l'opération ainsi réalisée soit une bijection, il faut que le nombre m soit premier à N. Il faut donc, dans l'étape (c), non seulement refuser les nombres supérieurs à N, mais aussi les nombres qui ne sont pas premiers à N.

L'opération réciproque de la multiplication par m modulo N est la division par m modulo N, qui, elle-aussi, nécessite que le nombre m soit premier à N. Connaissant le nombre x, il s'agira, à l'étape (d) de trouver un nombre y tel

35

26

que le produit y.m diffère de x d'un multiple entier de N. Il faut donc en pratique trouver deux entiers y et z tels que y.m+N.z=x. Le théorème de Bezout permet de prouver qu'il y a une solution, pour toutes les valeurs possibles de x, dès que m est premier à N. A l'étape (e), on calculera le reste par N de ce nombre y.

5

10

25

30

35

On peut aussi utiliser l'exponentiation modulaire, les opérations (d) et (e) étant ici remplacées par le calcul du reste par N de l'élévation de x à la puissance m. Cette exponentiation modulaire est une bijection, et admet donc une réciproque, lorsque le nombre N n'a pas de facteurs carrés et que l'exposant m est un nombre non nul premier à Phi(N), où Phi(N) représente le nombre d'entiers compris entre 1 et N-1 et premiers à N.

L'opération réciproque est l'extraction de racine mième en arithmétique modulo N, c'est-à-dire le calcul du reste par N d'un nombre y qui, élevé à la puissance m, modulo N, redonne un nombre qui diffère de x d'un multiple entier de N. On peut démonter que cette opération est équivalente à une élévation de x à une puissance p, modulo N, où p est tel que l'expression m.p-l soit un multiple entier de Phi(N). On peut trouver un nombre p, vérifiant cette condition, dès que m est non nul et premier à Phi(N).

Dans les exemples ci-dessus, il est possible de retrouver la valeur de l'élément de masque m, modulo N ou modulo Phi(N) selon le cas, par la simple donnée du symbole en clair et du symbole crypté. Plus précisément, la donnée du message en clair et du message crypté permet de déterminer le masque, donc donne des indications très fortes sur la séquence aléatoire fournie par le générateur pseudo-aléatoire. Le nombre d'éléments de l'alphabet de masque est proche du nombre d'éléments de l'alphabet de message.

On peut mettre en œuvre l'invention en choisissant des permutations plus sophistiquées conçues de façon que la connaissance d'un symbole en clair et en crypté ne permette pas

de déterminer précisément l'élément de masque utilisé. exemple peut être fourni par des fonctions homographiques. On se place dans le cas où le nombre N d'éléments de l'alphabet de message est un nombre premier et on choisit un alphabet de masque significativement plus grand que l'alphabet de message. L'idéal serait que le nombre d'éléments de l'alphabet de masque soit de l'ordre de grandeur du cube du nombre N d'éléments de l'alphabet de message, ou même plus grand. On choisit alors, pour chaque élément de l'alphabet de masque, quatre nombres notés p, q, r et s compris entre 0 et N-1 et tels que d'une part 10 le nombre r et d'autre part le résultat de l'expression p.s-q.r soient tous deux non nuls et non multiples de N. Ces quatre nombres sont alors les 4 paramètres d'une fonction homographique en arithmétique modulaire, fonction qui remplacera celle mise en œuvre à l'étape (d) des exemples précédents. Cette fonction est 15 la transposition en arithmétique modulaire de la fonction qui, en arithmétique classique sur les nombres réels s'écrit y =(p.x + q) / (r.x + s) et a pour graphe une hyperbole d'asymptotes parallèles aux axes de coordonnées. En arithmétique classique, toutes les valeurs de y sont atteintes une et une 20 seule fois sauf y = p/r (qui correspond à l'ordonnée de l'asymptote horizontale) et la fonction n'est pas définie pour x = -s/r, qui correspond à l'abscisse de l'asymptote verticale. Pour que la fonction devienne une bijection, on conviendra de donner à la fonction la valeur p/r lorsque la variable x vaut -25 s/r. Pour transposer le calcul de cette fonction en arithmétique modulo N, on calcule dans un premier temps le dénominateur c'est-à-dire l'expression r.x+s . Si le résultat de ce calcul est nul ou est un multiple de N, la valeur y prise par la fonction est une valeur comprise entre 0 et N-1 et telle que 30 l'expression r.y-p soit un multiple, éventuellement nul, de N . Dans le cas contraire la valeur y prise par la fonction est une valeur comprise entre 0 et N-1 et telle que l'expression (r.x+s).y - (p.x+q) soit un multiple, éventuellement nul, de N. La fonction réciproque de cette fonction homographique est elle-35

28

même une fonction homographique dont les paramètres sont faciles à calculer.

On peut développer des procédés et des systèmes de cryptage selon la présente invention en utilisant des familles de permutations bien plus riches que dans les exemples illustratifs présentés précédemment. On peut par exemple associer à certains éléments de l'alphabet de masque des additions modulaires, à d'autres des multiplications modulaires, à d'autres encore, des permutations bien plus complexes. Plus ces permutations seront complexes, plus sera difficile la tâche d'un éventuel pirate désirant attaquer le système, mais le gain en sécurité apporté par une plus grande complexité des permutations se paiera en terme de temps de calcul nécessaire au cryptage et au décryptage de l'information.

10

15 La technique de cryptage présentée ci-dessus l'inconvénient suivant : la connaissance simultanée du texte en clair et du texte à chiffrer permet d'obtenir des indications sur le masque. Dans le cas où on utilise une addition, une soustraction, une multiplication ou une division en arithmétique 20 modulaire, il suffit de connaître un symbole en clair et le même symbole crypté pour déterminer immédiatement l'élément de masque qui a servi à crypter ce symbole. C'est à peine plus difficile dans le cas de l'exponentiation modulaire ou de l'extraction de racine. L'utilisation de fonctions plus sophistiquées comme la fonction homographique, ne permettent plus de déterminer de 25 façon précise le masque mais elles donnent néanmoins des susceptibles d'être utiles indications à un pirate souhaiterait attaquer le système. Ce peut être rédhibitoire lorsqu'on utilise un générateur pseudo-aléatoire de faible 30 qualité, dans lequel la connaissance des aléas précédemment tirés est susceptible de fournir des informations sur tirages futurs. Une telle attaque est appelée attaque par prédiction sur le générateur pseudo-aléatoire. Certains générateurs peudo-aléatoires évitent cet inconvénient. Il en est ainsi des générateurs basés sur un algorithme de chiffrement par 35

29

blocs utilisé en mode rétroaction de sortie, dit OFB pour « Output-feedback », tels que décrits page 216 et suivantes de la seconde édition de « Cryptographie Appliquée » de Bruce Schneier, - International Thomson Publishing France, 1997. Il en de même pour le procédé décrit dans la demande de brevet déposée à l'INPI le 12 septembre 2001 sous le numéro FR0111776 et publiée le 14 mars 2003 sous le numéro FR 2829643.

Lorsque le générateur pseudo-aléatoire ne parait pas suffisamment protégé contre les attaques par prédiction, on peut introduire une étape intermédiaire consistant à effectuer divers traitements sur les aléas issus du générateur aléatoire en vue d'obtenir des masques dont la connaissance ne permet pas d'obtenir des informations utiles sur les aléas qui ont permis de les générer. Une technique possible est de soumettre les aleas issus du générateur aléatoire à un algorithme de hachage à sens unique, voir par exemple « Cryptographie Appliquée » de Bruce Schneier, déjà cité, chapitres 2.3, 2.4 et 18, empreintes fournies par ce hachage servant ensuite à générer les masques. Une autre technique possible consiste à utiliser un algorithme de cryptage qui s'appliquera aux aléas issus du générateur aléatoire et dont les résultats serviront à générer les masques. La clé de cryptage utilisée pour cette génération de masque pourra être calculée à partir de la clé primaire de cryptage définie précédemment.

Description des figures

10

15

20

25

30

La figure 1 présente le schéma général de l'invention.

La figure 2 illustre le cas particulier où le générateur pseudo-aléatoire GA consiste en la réunion d'un premier générateur pseudo-aléatoire et d'un système mettant en œuvre un algorithme de hachage.

La figure 3 illustre le cas particulier où le générateur pseudo-aléatoire GA consiste en la réunion d'un premier générateur pseudo-aléatoire et d'un système mettant en œuvre un algorithme de cryptage.

30

Sur la figure 1, la clé primaire de cryptage CP est utilisée par les premiers moyens de traitement TR1 pour générer la clé d'initialisation CI. Cette clé d'initialisation CI sert alors à initialiser le générateur pseudo-aléatoire GA qui fournit la séquence SA dont les éléments seront par la suite pris en compte séquentiellement. Seuls les éléments de SA qui appartiennent à l'alphabet de masque seront utilisés pour le cryptage et le décryptage. Les seconds moyens de traitement TR2 permettent de vérifier si un élément de SA appartient à l'alphabet de masque, et les troisièmes moyens de traitement lisent les valeurs successives de la séquence aléatoire SA, jusqu'à obtenir un élément M reconnu par TR2 comme appartenant à l'alphabet de masque. Cet élément M sera appelé masque M et sera transmis aux cinquièmes moyens de traitement TR5.

Les symboles S composant l'information I à crypter ou à décrypter sont lus par le moyen d'une unité d'entrée sortie UES, et transmis aux quatrièmes moyens de traitement TR4 qui permettent de décider quels sont les symboles S à transmettre sans modification et quels sont les symboles S à crypter ou à décrypter.

Étant donné un symbole S, reconnu par TR4 comme étant à crypter ou à décrypter, et le masque M fourni par TR3, les cinquièmes moyens de traitement TR5 calculent la permutation de l'alphabet de message déterminée par M ou l'inverse de cette permutation, selon qu'on désire crypter ou décrypter, et l'appliquent au symbole S pour fournir comme résultat un symbole R qui sera transmis par une unité d'entrée sortie UES et qui destiné à remplacer le symbole S dans l'information I à crypter ou à décrypter.

25

30

Dans le cas où la permutation utilisée est une fonction homographique, des sixièmes moyens de traitement TR6 sont mis en œuvre pour déterminer les paramètres de la fonction homographique associée au masque M.

Sur la figure 2, le générateur pseudo-aléatoire GA se 35 compose d'un premier générateur pseudo-aléatoire GA1 initialisé

31

par la clé d'initialisation CI elle-même calculée par les moyens de traitements TR1 à partir de la clé primaire de cryptage CP. Les moyens de calcul H appliquent un algorithme de hachage aux valeurs fournies par GA1, et ce sont les résultats de cet algorithme de hachage qui forment la séquence aléatoire SA. Le générateur pseudo-aléatoire GA apparaît donc comme la réunion de GA1 et de H.

Sur la figure 3, le générateur pseudo-aléatoire GA se compose d'un premier générateur pseudo-aléatoire GA1 initialisé par la clé d'initialisation CI elle-même calculée par les moyens de traitements TR1 à partir de la clé primaire de cryptage CP. Les moyens de calcul K appliquent un algorithme de cryptage aux valeurs fournies par GA1, et ce sont les résultats de cet algorithme de hachage qui forme la séquence aléatoire SA. L'algorithme de cryptage utilise comme clé de cryptage la clé secondaire CS qui est calculée à partir de la clé primaire CP à l'aide des septièmes moyens de traitement TR7. Le générateur pseudo-aléatoire GA apparaît ici comme la réunion de GA1 et de K.

15

20

REVENDICATIONS

1. Procédé pour le cryptage et le décryptage d'une information (I) ; ladite information (I) étant représentée par une suite de symboles (S) ; lesdits symboles (S) étant pris dans un ensemble de symboles appelé ci-après l'alphabet ; ledit procédé étant caractérisé en ce qu'il met en œuvre un générateur pseudo-aléatoire (GA) fournissant une séquence de valeurs dénommée ci-après séquence aléatoire (SA), les valeurs formant ladite séquence aléatoire (SA) étant incluses dans un ensemble ci-après dénommé l'espace des valeurs aléatoires ;

ledit générateur pseudo-aléatoire (GA) pouvant être, avant utilisation et fourniture de ladite séquence aléatoire (SA), initialisé au moyen d'une suite de nombres ci-après dénommée clé d'initialisation (CI); ladite clé d'initialisation (CI) déterminant la séquence aléatoire (SA) qui sera fournie par ledit générateur pseudo-aléatoire (GA),

de telle sorte qu'après une initialisation ultérieure utilisant la même clé d'initialisation la séquence de valeurs fournies sera la même qu'après la première initialisation;

ledit générateur pseudo-aléatoire étant en outre caractérisé en ce que la connaissance de ladite séquence des valeurs fournies ne permet pas de retrouver en un temps raisonnable ladite clé d'initialisation;

ledit procédé comprenant trois étapes préalables :

- l'étape préalable de séparer en deux parties disjointes ledit alphabet, l'une desdites parties étant ci-après dénommée l'alphabet de contrôle et étant composée de symboles destinés à ne pas être modifiés lors du cryptage, l'autre desdites parties étant ci-après dénommée l'alphabet de message et étant composée de symboles destinés à être éventuellement 30 modifiés lors du cryptage,

de sorte que chacun des symboles utilisés pour représenter l'information est inclus, soit dans ledit alphabet

35

de contrôle, soit dans ledit alphabet de message, aucun symbole n'étant commun à ces deux alphabets,

- l'étape préalable de définir un ensemble, appelé alphabet de masque, formé de tout ou partie des éléments de l'espace des valeurs aléatoires,
- l'étape préalable d'affecter à chaque élément dudit alphabet de masque une permutation dudit alphabet de message;

lesdites trois étapes préalables étant réalisées une 10 fois pour toutes avant la première mise en œuvre dudit procédé;

la mise en œuvre dudit procédé, pour réaliser l'opération de cryptage d'une information (I) à crypter, comprenant les étapes préliminaires suivantes :

- l'étape de prendre en compte une suite de nombres 15 ci-après dénommée la clé primaire de cryptage (CP),
 - l'étape de construire ladite clé d'initialisation (CI) à partir de tout ou partie de ladite clé primaire de cryptage (CP);
- l'étape d'initialiser ledit générateur pseudo-20 aléatoire (GA) à l'aide de ladite clé d'initialisation (CI) ;

ledit procédé consistant à sélectionner l'un après l'autre les symboles (S) composant ladite information (I) à crypter, et à crypter chacun des symboles (S) ainsi sélectionnés en lui appliquant les opérations suivantes :

- 25 si ledit symbole (S) sélectionné appartient à l'alphabet de contrôle, il n'est pas modifié,
 - si ledit symbole (S) sélectionné appartient à l'alphabet de message les étapes suivantes sont exécutées :
- l'étape de lire la prochaine valeur de la séquence 30 aléatoire (SA) fournie par ledit générateur pseudo-aléatoire (GA),
 - si la valeur lue à l'étape précédente n'est pas un élément dudit alphabet de masque, l'étape de réitérer l'étape précédente jusqu'à obtention d'un élément dudit alphabet de masque,

l'élément dudit alphabet de masque, déterminé à l'étape précédente, sera ci-après dénommé l'élément de masque (M),

- l'étape de sélectionner la permutation de 5 l'alphabet de message affectée audit élément de masque (M) spécifié à l'étape précédente,
 - l'étape d'appliquer audit symbole (S) sélectionné la permutation de l'alphabet de message sélectionnée à l'étape précédente,
- l'étape de remplacer ledit symbole (S) sélectionné par le résultat (R) de la permutation mise en œuvre à l'étape précédente,
- ces opérations étant exécutées, on passe au symbole (S) suivant de l'information (I) à crypter, et ainsi de suite jusqu'à ce que tous les symboles de l'information (I) à crypter aient été traités.
 - 2. Procédé selon la revendication 1; la mise en œuvre dudit procédé, pour réaliser l'opération de décryptage d'une information (I) à décrypter, comprenant les mêmes étapes préliminaires que lors du cryptage,
 - de sorte que le générateur pseudo-aléatoire sera initialisé de la même façon que lors du cryptage et fournira donc la même séquence de valeurs que lors du cryptage ;
- ledit procédé consistant à sélectionner l'un après 25 l'autre les symboles (S) composant ladite information (I) à décrypter, et à décrypter chacun des symboles (S) ainsi sélectionnés en lui appliquant les opérations suivantes :
 - si ledit symbole (S) sélectionné appartient à l'alphabet de contrôle, il n'est pas modifié,
- 30 si ledit symbole (S) sélectionné appartient à l'alphabet de message les étapes suivantes sont exécutées :
 - l'étape de lire la prochaine valeur de la séquence aléatoire (SA) fournie par ledit générateur pseudo-aléatoire (GA),

- si la valeur lue à l'étape précédente n'est pas un élément dudit alphabet de masque, l'étape de réitérer l'étape précédente jusqu'à obtention d'un élément dudit alphabet de masque,
- 1'élément dudit alphabet de masque, déterminé à l'étape précédente, sera ci-après dénommé l'élément de masque (M),
- l'étape de sélectionner la permutation inverse de la permutation de l'alphabet de message affectée audit élément
 de masque (M) spécifié à l'étape précédente,
 - l'étape d'appliquer au symbole (S) sélectionné la permutation inverse sélectionnée à l'étape précédente,
- l'étape de remplacer le symbole (S) sélectionné par le résultat (R) de la permutation mise en œuvre à l'étape 15 précédente,
 - ces opérations étant exécutées, on passe au symbole (S) suivant de l'information (I) à décrypter, et ainsi de suite jusqu'à ce que tous les symboles de l'information à décrypter aient été traités.
- 20 3. Procédé selon la revendication 1 ou 2; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres,
 - de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres ;
- préalable de numérotation de l'alphabet de message, ladite numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message, de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole de l'alphabet de message dont ce nombre soit le numéro;
- ledit procédé étant caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément 35 de masque (M) donné, pour un symbole (S) donné appartenant à

20

25

l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro dudit symbole (S) donné,
- 5 l'étape d'ajouter ledit élément de masque (M) donné au numéro déterminé à l'étape précédente,
 - l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de l'addition effectuée à l'étape précédente,
- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de 10 message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente, ce symbole est alors le résultat (R) que l'on souhaitait calculer,

de sorte que la permutation ainsi définie correspond à une addition modulo N sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.

4. Procédé selon la revendication 1 ou 2; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres,

de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres;

ledit procédé comprenant en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message, ladite numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message,

de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro ;

ledit procédé étant caractérisé en ce que le résultat

30 de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément
de masque (M) donné, pour un symbole (S) donné appartenant à
l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant
successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro dudit symbole (S) 35 donné,

25

- l'étape de soustraire ledit élément de masque (M) donné au numéro déterminé à l'étape précédente,
- lorsque le résultat de la soustraction effectuée à l'étape précédente est négatif, l'étape d'ajouter à ce résultat autant de fois que nécessaire le nombre N jusqu'à obtenir un nombre positif,
- l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de l'étape précédente,
- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de 10 message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente, ce symbole est alors le résultat (R) que l'on souhaitait calculer,

de sorte que la permutation ainsi définie correspond à une soustraction modulo N sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.

5. Procédé selon la revendication 1 ou 2 ; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres,

de sorte que l'alphabet de masque se compose de $20\,$ nombres ;

ledit procédé comprenant en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message, ladite numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message,

de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro ;

ledit alphabet de masque ne comprenant que des nombres non nuls et premiers à N ; ledit procédé étant caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque (M) donné, pour un symbole (S) donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

10

25

30

- l'étape de déterminer le numéro dudit symbole (S) donné,
- l'étape de multiplier par l'élément de masque (M) donné le numéro déterminé à l'étape précédente,
- l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de la multiplication effectuée à l'étape précédente,
- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente. Ce symbole est alors le résultat (R) que l'on souhaitait calculer,

de sorte que la permutation ainsi définie correspond à une multiplication modulo N sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.

6. Procédé selon la revendication 1 ou 2; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres,

de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres ;

ledit procédé comprenant en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message, ladite numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message,

de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro ;

ledit alphabet de masque ne comprenant que des nombres non nuls et premiers à N ; ledit procédé étant caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque (M) donné, pour un symbole (S) donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro dudit symbole (S) donné,

20

30

- l'étape de déterminer un nombre qui, multiplié par l'élément de masque (M) donné, diffère du numéro déterminé à l'étape précédente, d'un multiple entier de N,
- l'étape de calculer le reste de la division par N du nombre déterminé à l'étape précédente,
- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente. Ce symbole est alors le résultat (R) que l'on souhaitait calculer,
- de sorte que la permutation ainsi définie correspond à une division modulo N sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.
- 7. Procédé selon la revendication 1 ou 2; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres,

de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres ;

ledit procédé comprenant en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message, ladite numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message

de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 25 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro ;

ledit alphabet de masque ne comprenant que des nombres non nuls et premiers à Phi(N) où Phi(N) désigne le nombre d'entiers compris entre 1 et N-1 et premiers à N ; ledit procédé étant caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque (M) donné, pour un symbole (S) donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le numéro dudit symbole (S) 35 donné,

- l'étape de calculer le reste de la division par N du résultat de l'élévation du numéro déterminé à l'étape précédente à une puissance égale à l'élément de masque (M) donné,
- 5 l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente. Ce symbole est alors le résultat (R) que l'on souhaitait calculer,
- de sorte que la permutation ainsi définie correspond à une exponentiation modulaire sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.
 - 8. Procédé selon la revendication 1 ou 2 ; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres,
- de sorte que l'alphabet de masque se compose de nombres ;

ledit procédé comprenant en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message, ladite numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message,

de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro ;

- ledit alphabet de masque ne comprenant que des nombres non nuls et premiers à Phi(N) où Phi(N) désigne le nombre d'entiers compris entre 1 et N-1 et premiers à N; ledit procédé étant caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque (M) donné, pour un symbole (S) donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :
 - l'étape de déterminer le numéro dudit symbole (S) donné,

- l'étape de déterminer un nombre positif, qui, élevé à une puissance égale à l'élément de masque (M) donné, diffère du numéro déterminé à l'étape précédente d'un multiple entier de N,
- l'étape de déterminer le reste de la division par N du nombre déterminé à l'étape précédente,

5

10

15

20

25

- l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de message dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente. Ce symbole est alors le résultat (R) que l'on souhaitait calculer,

de sorte que la permutation ainsi définie correspond à l'extraction d'une racine en arithmétique modulaire sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.

9. Procédé selon la revendication 1 ou 2; ledit procédé comprenant une opération préalable consistant à associer à chaque élément de l'alphabet de masque un quadruplet de nombres notés p, q, r et s et tels que le nombre r et le résultat de l'expression p.s-q.r soient tous deux des nombres non nuls et non multiples de N, N représentant le nombre d'éléments de l'alphabet de message; ledit procédé comprenant en outre une opération préalable de numérotation de l'alphabet de message, ladite numérotation consistant à attribuer à chaque symbole de l'alphabet de message, sans omission ni répétition, un nombre compris entre 0 et N-1, ci-après dénommé numéro du symbole,

de sorte que pour tout nombre compris entre 0 et N-1 il y ait un et un seul symbole dont ce nombre soit le numéro ;

ledit procédé étant caractérisé en ce que le résultat de la permutation de l'alphabet de message associée à un élément de masque (M) donné, pour un symbole (S) donné appartenant à l'alphabet de message, peut être calculé en exécutant successivement les étapes suivantes :

- l'étape de déterminer le quadruplet de nombres p, q, r et s associé à l'élément de masque (M) donné,
- l'étape de déterminer le numéro du symbole (S) à crypter ou à décrypter, ce numéro étant ci-après noté m,
 - l'étape de calculer l'expression m.r + s,
- l'étape, lorsque le résultat du calcul effectué à l'étape précédente est nul ou est un multiple de N, de calculer un nombre k tel que l'expression k.r-p soit un multiple de N,
- 10 l'étape, lorsque le résultat du calcul effectué à l'étape précédente n'est ni zéro ni un multiple de N, de calculer un nombre positif k tel que l'expression k.(m.r + s) - (m.p + q) soit un multiple de N,
- l'étape de calculer le reste de la division par N 15 du nombre k calculé à l'étape précédente,
 - l'étape de déterminer le symbole de l'alphabet de masque dont le numéro est le nombre calculé à l'étape précédente. Ce symbole est alors le résultat (R) que l'on souhaitait calculer,
- de sorte que la permutation ainsi définie correspond au calcul d'une fonction homographique en arithmétique modulaire sur les numéros de symboles, et que le symbole déterminé à l'étape précédente est alors le résultat de cette permutation appliquée audit symbole donné.
- 25 **10.** Procédé selon l'une quelconque des revendications 1 à 9 ; ledit procédé mettant en œuvre un premier générateur pseudo-aléatoire (GA1) pouvant être initialisé à l'aide de ladite clé d'initialisation (CI) ;
- les valeurs fournies par ledit premier générateur 30 pseudo-aléatoire étant utilisées comme données en entrée d'un algorithme de hachage dont les résultats sont utilisés pour fournir ladite séquence aléatoire (SA);

ledit générateur pseudo-aléatoire (GA) consistant en la composition dudit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1) et dudit algorithme de hachage.

43

11. Procédé selon l'une quelconque des revendications 1 à 9 ; ledit procédé comprenant en outre l'étape préliminaire de construire à partir de tout ou partie de ladite clé primaire de cryptage (CP) une suite de nombres appelée ci-après clé secondaire de cryptage (CS) ;

5

10

20

25

30

ledit procédé mettant en œuvre un premier générateur pseudo-aléatoire (GA1) pouvant être initialisé à l'aide de ladite clé d'initialisation (CI), les valeurs fournies par ledit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1) étant cryptées à l'aide d'un premier algorithme de cryptage utilisant comme clé de cryptage ladite clé secondaire de cryptage (CS), les résultats dudit premier algorithme de cryptage étant utilisés pour fournir ladite séquence aléatoire (SA);

ledit générateur pseudo-aléatoire (GA) consistant en 15 la composition dudit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1) et dudit premier algorithme de cryptage.

12. Système pour le cryptage et le décryptage d'une information (I) ; ladite information (I) étant représentée par une suite de symboles (S) ; lesdits symboles (S) étant pris dans un ensemble de symboles appelé ci-après l'alphabet ; ledit alphabet étant séparé en deux parties disjointes, l'une desdites parties étant ci-après dénommée l'alphabet de contrôle et étant composée de symboles destinés à ne pas être modifiés lors du cryptage, l'autre desdites parties étant ci-après dénommée l'alphabet de message et étant composée de symboles destinés à être éventuellement modifiés lors du cryptage;

ledit système étant plus particulièrement destiné à sécuriser les communications entre un ordinateur ci-après dénommé l'ordinateur client et un réseau formé d'un ou plusieurs autres ordinateurs, ledit système étant intercalé entre ledit ordinateur client et ledit réseau,

de sorte que toute information circulant entre ledit ordinateur client et ledit réseau et devant être cryptée ou décryptée, passe à travers ledit système ;

44

ledit système comprenant un générateur pseudoaléatoire (GA) fournissant une séquence de valeurs dénommée ciaprès séquence aléatoire (SA), les valeurs formant ladite séquence aléatoire (SA) étant comprises dans un ensemble ciaprès dénommé l'espace des valeurs aléatoires ; certaines de ces valeurs étant incluses dans un sous-ensemble dudit espace des valeurs aléatoires, sous-ensemble ci-après dénommé alphabet de masque ;

ledit générateur pseudo-aléatoire (GA) pouvant être,

avant utilisation et fourniture de ladite séquence de valeurs,
initialisé au moyen d'une suite de nombres ci-après dénommée clé
d'initialisation (CI); ladite clé d'initialisation (CI)
déterminant la séquence aléatoire (SA) qui sera fournie par le
générateur;

15 ledit système comprenant en outre :

20

25

- deux unités d'entrée sortie (UES), l'une d'entre elles étant destinée à assurer les communications entre ledit système et ledit ordinateur client, l'autre d'entre elles étant destinée à assurer les communications entre ledit système et ledit réseau;
- des premiers moyens de traitement (TR1) permettant de prendre en compte une suite de nombres ci-après dénommée la clé primaire de cryptage (CP), et de construire ladite clé d'initialisation (CI) à partir de tout ou partie de ladite clé primaire de cryptage (CP),
- des seconds moyens de traitement (TR2) permettant de décider si une valeur appartenant audit espace de valeurs aléatoires appartient audit alphabet de masque,
- des troisièmes moyens de traitement (TR3)

 permettant de lire les valeurs successives fournies par ledit
 générateur pseudo-aléatoire, jusqu'à obtenir un élément (M)
 appartenant audit alphabet de masque,
- des quatrièmes moyens de traitement (TR4) permettant de décider, parmi les symboles (S) transitant à 35 travers ledit système, quels sont les symboles qui doivent être

cryptés ou décryptés et quels sont les symboles qui doivent être transmis sans modification,

- des cinquièmes moyens de traitement permettant d'une part, à partir d'un élément donné de l'alphabet de masque, ci-après appelé l'élément de masque sélectionner une permutation de l'alphabet de message, cette permutation étant ci-après appelée permutation affectée à l'élément de masque (M) , et permettant d'autre part, la permutation affectée à l'élément de masque (M) sélectionnée, et un élément donné de l'alphabet de message (S) étant fourni par l'une des deux dites unités d'entrée sortie, de déterminer le résultat (R) de cette permutation appliquée audit élément donné (S) fourni, et d'envoyer sur l'autre des deux dites unités d'entrée sortie le résultat (R) ainsi déterminé.
- 13. Système selon la revendication 12; lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre de sélectionner la permutation inverse de ladite permutation affectée à un élément (M) de l'alphabet de masque.
- 14. Système selon la revendication 12 ou 13; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres, lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre d'associer un nombre à un symbole (S) dudit alphabet de message, de faire une addition en arithmétique modulaire entre ledit nombre et un élément (M) dudit alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette addition un élément (R) de l'alphabet de message.
- 15. Système selon la revendication 12 ou 13; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres, lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre d'associer un nombre à un symbole (S) dudit alphabet de message, de faire une soustraction en arithmétique modulaire entre ledit nombre et un élément (M) dudit alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette soustraction un élément (R) de l'alphabet de message.

WO 2004/088916

46

PCT/FR2004/050127

- 16. Système selon la revendication 12 ou 13; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres, lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre d'associer un nombre à un symbole (S) dudit alphabet de message, de faire une multiplication en arithmétique modulaire entre ledit nombre et un élément (M) dudit alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette multiplication un élément (R) de l'alphabet de message.
- 17. Système selon la revendication 12 ou 13; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres, lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre d'associer un nombre à un symbole (S) dudit alphabet de message, de faire une division en arithmétique modulaire entre ledit nombre et un élément (M) dudit alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette division un élément (R) de l'alphabet de message.
 - 18. Système selon la revendication 12 ou 13; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres, lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre d'associer un nombre à un symbole (S) dudit alphabet de message, de faire une exponentiation en arithmétique modulaire dudit nombre avec pour exposant un élément (M) dudit alphabet de masque, et d'associer au résultat de cette exponentiation un élément (R) de l'alphabet de message.

20

25

30

35

- 19. Système selon la revendication 12 ou 13; les valeurs dudit espace des valeurs aléatoires étant des nombres, lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre d'associer un nombre à un symbole (S) dudit alphabet de message, de faire une extraction de racine en arithmétique modulaire, et d'associer au résultat de cette extraction de racine un élément (R) de l'alphabet de message.
- 20. Système selon la revendication 12 ou 13 ; le nombre de symboles composant ledit alphabet de message étant ciaprès dénommé N, ledit système comportant en outre des sixièmes moyens de traitement (TR6) permettant d'associer à un élément

- (M) dudit alphabet de masque un quadruplet de nombres notés p, q, r et s, lesdits cinquièmes moyens de traitement (TR5) permettant en outre :
- d'associer à un symbole dudit alphabet de message, 5 un nombre compris entre 0 et N-1, ce nombre étant ci-après noté m,
 - de calculer l'expression m.r + s,
 - de déterminer si une expression est nulle ou multiple de N,
- de calculer un nombre k compris entre 0 et N-1 et tel que l'expression k.r - p soit un multiple de N,
 - de calculer un nombre k compris entre 0 et N-1 et tel que l'expression k.(m.r+s) (m.p+q) soit un multiple de N,
- d'associer à un nombre k ainsi calculé un élément (R) de l'alphabet de message.
- 21. Système selon l'une quelconque des revendications
 12 à 20 ; ledit système comprenant un premier générateur pseudoaléatoire (GA1) pouvant être initialisé à l'aide de ladite clé
 20 d'initialisation (CI) et des moyens de calcul (H) permettant
 d'appliquer un algorithme de hachage aux valeurs fournies par
 ledit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1), les résultats
 dudit algorithme de hachage étant transmis auxdits seconds et
 troisièmes moyens de traitement (TR2, TR3), ledit générateur
 pseudo-aléatoire (GA) consistant en la réunion dudit premier
 générateur pseudo-aléatoire (GA1) et desdits moyens de calcul
 (H) permettant d'appliquer un algorithme de hachage aux valeurs
 fournies par ledit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1).
- 22. Système selon l'une quelconque des revendications

 12 à 20 ; ledit système comprenant un premier générateur pseudoaléatoire (GA1) pouvant être initialisé à l'aide de ladite clé
 d'initialisation (CI) ; ledit système comprenant en outre des
 septièmes moyens de traitement (TR7) permettant de construire à
 partir de tout ou partie de ladite clé primaire de cryptage (CP)

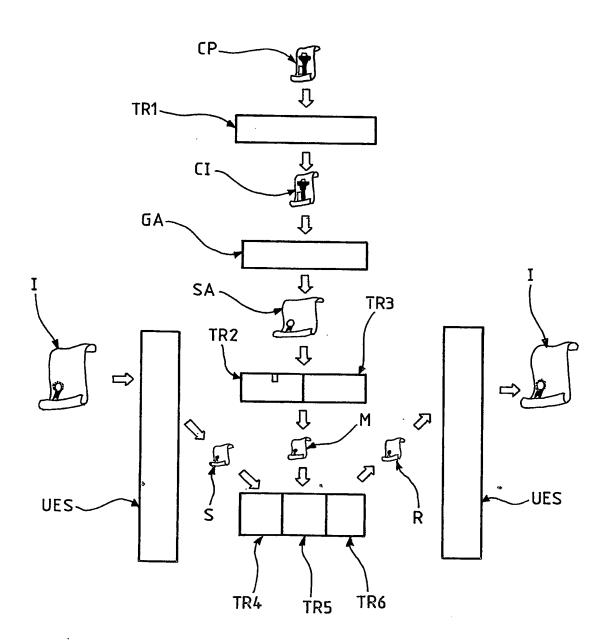
 une suite de nombres appelée ci-après clé secondaire de cryptage

48

(CS); ledit procédé comprenant en outre des moyens de calcul (K) permettant d'appliquer un algorithme de cryptage, utilisant comme clé de cryptage ladite clé secondaire de cryptage (CS), ledit algorithme de cryptage étant appliqué aux valeurs fournies par ledit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1), les résultats dudit algorithme de cryptage étant transmis auxdits seconds et troisièmes moyens de traitement (TR2, TR3), ledit générateur pseudo-aléatoire (GA) consistant en la réunion dudit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1) et desdits moyens de calcul (K) permettant d'appliquer un algorithme de cryptage aux valeurs fournies par ledit premier générateur pseudo-aléatoire (GA1).

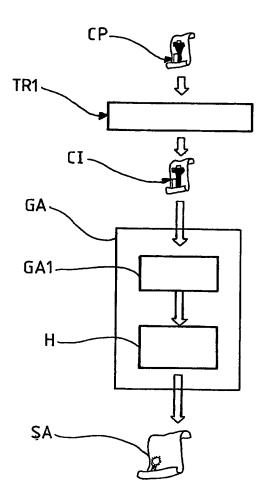
1/3

FIG_1



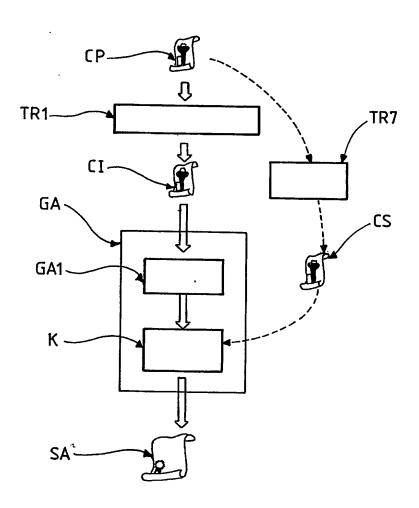
2/3

FIG_2



3/3

FIG_3



INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International Application No PCT/FR2004/050127

		[`	T/FR2004/050127
A. CLASS IPC 7	SIFICATION OF SUBJECT MATTER H04L9/18		
1	to International Patent Classification (IPC) or to both national cla	ssification and IPC	
	SSEARCHED		·
IPC 7	documentation searched (classification system followed by class $H04L$	ification symbols)	
Document	ation searched other than minimum documentation to the extent	that such documents are include	led in the fields searched
	data base consulted during the International search (name of dance of the international, WPI Data, PAJ, INSPEC	ita base and, where practical, s	search terms used)
C. DOCUM	ENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT		
Category °	Citation of document, with indication, where appropriate, of the	ne relevant passages	Relevant to claim No.
Υ .	EP 1 063 811 A (HITACHI EUROP 27 December 2000 (2000-12-27) paragraph '0001! - paragraph 'paragraph '0013! paragraph '0027!		1-3,5, 12-14,16
	paragraph '0027: paragraph '0030! paragraph '0041! - paragraph ' figures 10,11	0042!	
Y	DE 25 53 897 C (SIEMENS AG) 4 January 1979 (1979-01-04) column 4, line 5 - line 40 column 6, line 12 - line 25 column 6, line 37 - line 57	·	1-3,5, 12-14,16
		-/	·
		_	
	ther documents are listed in the continuation of box C.	X Patent family me	embers are listed in annex.
'A' docum	ategories of cited documents : tent defining the general state of the art which is not dered to be of particular relevance document but published on or after the international	or priority date and i	thed after the international filing date not in conflict with the application but the principle or theory underlying the
"L" docum which citatio	date ent which may throw doubts on priority claim(s) or its cited to establish the publication date of another on or other special reason (as specified) nent referring to an oral disclosure, use, exhibition or	cannot be considere involve an inventive "Y" document of particula cannot be considere	ir relevance; the claimed Invention of novel or cannot be considered to step when the document is taken alone in relevance; the claimed invention of the follower invention of the inventive step when the
"P" docum later t	means ent published prior to the international filing date but than the priority date claimed	document is combin ments, such combin in the art. *&' document member of	ed with one or more other such docu- ation being obvious to a person skilled the same patent family
Date of the	actual completion of the International search	Date of mailing of the	International search report
1	3 September 2004	21/09/20	04
Name and	malling address of the ISA European Patent Office, P.B. 5818 Patentlaan 2 NL - 2280 HV Rijswijk	Authorized officer	
	Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl, Fax: (+31-70) 340-3016	Liebhard	t, I

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International Application No FCT/FR2004/050127

(Contle	(Continuation) DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT			
tegory * Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages Relevant to claim No.				
	US 6 128 386 A (SATTERFIELD RICHARD C)		1-22	
	3 October 2000 (2000-10-03) column 3, line 59 - column 4, line 5 column 4, line 56 - line 65 column 5, line 59 - column 6, line 3			
4	WO 02/41566 A (HONEYWELL INT INC) 23 May 2002 (2002-05-23) page 2, line 8 - line 21 page 5, line 1 - page 6, line 13		1-22	
1	DE 12 06 011 B (EUROP HANDELSGES ANST) 2 December 1965 (1965-12-02) column 2, line 37 - line 50		1-22	
	·		:	
٠				
			:	
]	

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

T/FR2004/050127

				· ·	
Patent document cited in search report		Publication date		Patent family member(s)	Publication date
EP 1063811	Α	27-12-2000	EP JP	1063811 A1 2001007800 A	27-12-2000 12-01-2001
DE 2553897	С	04-01-1979	DE	2553897 C1	04-01-1979
US 6128386	A	03-10-2000	US WO CA EP US WO CA EP JP	5717760 A 0070818 A1 2204878 A1 0795240 A1 10508955 T 6125182 A 9615604 A1 2371446 A1 1183819 A1 2003500898 T	10-02-1998 23-11-2000 23-05-1996 17-09-1997 02-09-1998 26-09-2000 23-05-1996 23-11-2000 06-03-2002 07-01-2003
WO 0241566	Α	23-05-2002	AU WO	1982202 A 0241566 A2	27-05-2002 23-05-2002
DE 1206011	В	02-12-1965	CH FR GB SE US	429253 A 1421871 A 1062721 A 325922 B 3546380 A	31-01-1967 17-12-1965 22-03-1967 13-07-1970 08-12-1970

RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Demande Internationale No
FCT/FR2004/050127

A 01 1000		_	
A. CLASSEMEN	T DE L'OBJET D	C 1 A	DEMANDS
CIB 7 H			DEMANDE
1 I K / L	041 Q/1Q		

Selon la classification internationale des brevets (CIB) ou à la fois selon la classification nationale et la CIB

B. DOMAINES SUR LESQUELS LA RECHERCHE A PORTE

Documentation minimale consultée (système de classification suivi des symboles de classement) CIB 7 H04L

Documentation consultée autre que la documentation minimale dans la mesure où ces documents relèvent des domaines sur lesquels a porté la recherche

Base de données électronique consultée au cours de la recherche internationale (nom de la base de données, et si réalisable, termes de recherche utilisés) EPO-Internal, WPI Data, PAJ, INSPEC

Catégorie °	Identification des documents ellés eure la control de la c	
	Identification des documents cités, avec, le cas échéant. l'indication des passages pertinents	no. des revendications visées
Y	EP 1 063 811 A (HITACHI EUROP LTD) 27 décembre 2000 (2000-12-27) alinéa '0001! - alinéa '0008! alinéa '0013!	1-3,5, 12-14,16
	alinéa '0027! alinéa '0030! alinéa '0041! – alinéa '0042! figures 10,11	
Y	DE 25 53 897 C (SIEMENS AG) 4 janvier 1979 (1979-01-04) colonne 4, ligne 5 - ligne 40 colonne 6, ligne 12 - ligne 25 colonne 6, ligne 37 - ligne 57	1-3,5, 12-14,16
ļ	-/	

Voir la suite du cadre C pour la fin de la liste des documents	X Les documents de familles de brevets sont indiqués en annexe
° Catégories spéciales de documents cités:	
A document définissant l'état général de la technique, non considéré comme particulièrement pertinent *E* document antérieur, mals publié à la date de dépôt international ou après cette date *L* document pouvant jeter un doute sur une revendication de priorité ou cité pour déterminer la date de publication d'une autre citation ou pour une raison spéciale (telle qu'indiquée) *O* document se référant à une divulgation orale, à un usage, à une exposition ou tous autres moyens *P* document publié avant la date de dépôt international, mais postérieurement à la date de priorité revendiquée	To document ultérieur publié après la date de dépôt international ou la date de priorilé et n'appartenenant pas à l'état de la technique pertinent, mais cité pour comprendre le principe ou la théorie constituant la base de l'invention X' document particulièrement pertinent; l'inven tion revendiquée ne peut être considérée comme nouvelle ou comme impliquant une activité inventive par rapport au document considéré isolément Y' document particulièrement pertinent; l'inven tion revendiquée ne peut être considérée comme impliquant une activité inventive lorsque le document est associé à un ou plusieurs autres documents de même nature, cette combinaison étant évidente pour une personne du mêtier &' document qui fait partie de la même familie de brevets
Date à laquelle la recherche internationale a été effectivement achevée	Date d'expédition du présent rapport de recherche internationale
13 septembre 2004	21/09/2004
Nom et adresse postale de l'administration chargée de la recherche internationale	Fonctionnaire autorisé
Office Européen des Brevets, P.B. 5818 Patentlaan 2 NL - 2280 HV Rijswijk Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nt, Fax: (+31-70) 340-3016	Liebhardt, I

RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Demande Internationale No

C.(sulte) D	OCUMENTS CONSIDERES COMME PERTINENTS	T/FR2004/050127		
Catégorie °		nents	no. des revendications visée	
	to possages perm		des revenuications visée	
A	US 6 128 386 A (SATTERFIELD RICHARD C) 3 octobre 2000 (2000-10-03) colonne 3, ligne 59 - colonne 4, ligne 5 colonne 4, ligne 56 - ligne 65 colonne 5, ligne 59 - colonne 6, ligne 3		1-22	
A	WO 02/41566 A (HONEYWELL INT INC) 23 mai 2002 (2002-05-23) page 2, ligne 8 - ligne 21 page 5, ligne 1 - page 6, ligne 13		1-22	
A	DE 12 06 011 B (EUROP HANDELSGES ANST) 2 décembre 1965 (1965-12-02) colonne 2, ligne 37 - ligne 50		1-22	

RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Demande Internationale No T/FR2004/050127

Document brevet cité au rapport de recherche		Date de publication		Membre(s) de la famille de brevet(s)	Date de publication
EP 1063811	Α	27-12-2000	EP JP	1063811 A1 2001007800 A	27-12-2000 12-01-2001
DE 2553897	С	04-01-1979	DE	2553897 C1	04-01-1979
US 6128386	A	03-10-2000	US WO CA EP US WO CA EP JP	5717760 A 0070818 A1 2204878 A1 0795240 A1 10508955 T 6125182 A 9615604 A1 2371446 A1 1183819 A1 2003500898 T	10-02-1998 23-11-2000 23-05-1996 17-09-1997 02-09-1998 26-09-2000 23-05-1996 23-11-2000 06-03-2002 07-01-2003
WO 0241566	Α	23-05-2002	AU WO	1982202 A 0241566 A2	27-05-2002 23-05-2002
DE 1206011	В	02-12-1965	CH FR GB SE US	429253 A 1421871 A 1062721 A 325922 B 3546380 A	31-01-1967 17-12-1965 22-03-1967 13-07-1970 08-12-1970